

『双対アプローチによる一般均衡モデルの記述』

武田史郎*

京都産業大学経済学部

2013/09/28

目次

『双対アプローチによる一般均衡モデルの記述』	1
1. 導入	1
2. 伝統的アプローチ	2
2.1. 生産サイド	2
2.2. 需要サイド	3
2.3. 市場均衡	3
2.4. 均衡条件	4
3. 双対アプローチ	4
3.1. 生産サイド	4
3.2. 需要サイド	5
3.3. 市場均衡	6
3.4. 均衡条件	6
3.5. 双対アプローチの特徴	7
3.6. 別の表現	8
4. 例	9
4.1. 伝統的アプローチ	9
4.2. 双対アプローチ	10

1. 導入

一般均衡モデルを記述する方法として「双対アプローチ (dual approach)」と呼ばれるものが使われることがある。この文脈での「双対アプローチ」とはモデル (均衡条件) を記述する際に、生産関数、効用関数、非補償需要関数 (マーシャルの需要関数) 等を使わず、費用関数、支出関数、条件付き要素需要関数、補償需要関数 (ヒックスの需要関数) 等を用

* Email:<shiro.takeda@gmail.com>

いる方法を指している。本稿では、この双対アプローチについて、伝統的なアプローチと比較しながら説明をおこなう。以下では、簡単なモデルを例にとり、まず伝統的なアプローチを見た後に、双対アプローチを説明することにする。

2. 伝統的なアプローチ

まず、生産関数、効用関数、非補償需要関数等による伝統的なアプローチを用いてモデルを記述する。例とするモデルは静学的な完全競争の一般均衡モデルである。二つの消費財 $i = 1, 2$ を生産する二つの部門が存在し、資本・労働を用いて規模に関して収穫一定の技術のもとで生産をおこなうとする。需要サイドとしては、一つの代表的消費者（家計）が存在し、生産活動に生産要素を提供するとともに、それにより得た収入をもとに消費財を購入・消費しているものとする。家計の保有する生産要素の賦存在量は一定であるとする。モデルは貿易のない閉鎖経済とし、さらに政府部門は存在しないものとする。

2.1. 生産サイド

生産関数は次式で与えられるものとする。

$$q_i = f_i(k_i, l_i) \quad (1)$$

q_i は財 i の生産量、 k_i 、 l_i はそれぞれ財 i の生産における資本、労働の投入量である。収穫一定の技術であるので、生産関数 $f_i(\cdot)$ は一次同次性を満たす¹。

p_i 財 i の価格、 r 、 w をそれぞれレンタルプライス、賃金率とすると、財 i を生産する部門 i の利潤 π_i は以下のように表現できる。

$$\pi_i = p_i f_i(k_i, l_i) - (rk_i + wl_i)$$

生産者はプライステイカーであるので、利潤最大化条件は以下で与えられる。

$$\begin{aligned} \frac{\partial \pi_i}{\partial k_i} = 0: p_i \frac{\partial f_i(k_i, l_i)}{\partial k_i} &= r \\ \frac{\partial \pi_i}{\partial l_i} = 0: p_i \frac{\partial f_i(k_i, l_i)}{\partial l_i} &= w \end{aligned}$$

これはよく知られた、限界生産物価値（左辺）を要素価格（右辺）に均等化させるという条件である。利潤最大化を目指す生産者は、財の価格 p_i 、要素価格 r 、 w を所与とした上で、この条件を満たすように生産要素の投入量 k_i 、 l_i を決定する。最適な生産要素の投入量が決めれば、(1)式より最適な供給量が決まることになる²。

¹ つまり、 $\forall \lambda > 0$ に対し $f_i(\lambda k_i, \lambda l_i) = \lambda f_i(k_i, l_i)$ が成り立つ。

² 厳密には生産関数の一次同次性により生産関数の導関数がゼロ次同次となるため、利潤最大化条件からは要素投入量の絶対的な水準は決まらず、投入比率しか決まらない。従って、最適な生産量の絶対的な水準は不決定と（無数に存在すること）になる。ただし、需要サイドも考慮すれば均衡における生産量は結局一意に決まることになるので、生産サイドの不決定性は問題にはならない。

2.2. 需要サイド

消費者(家計)は二つの財を消費することからのみ効用を得るので、財 i の消費量を d_i とすると、効用関数は次式で与えられる。

$$u = u(d_1, d_2)$$

本稿ではこの効用関数が一次同次であると仮定する。序数的な観点からのみ効用を測るとするならば、一次同次性を仮定する必要はなく、homothetic という仮定で十分である。しかし、ここではシミュレーション(特に、CGE 分析)への応用を念頭に置いているので、シミュレーションで通常仮定されるように一次同次であるとする。理論分析では序数的な観点がとられることが普通であるので、一次同次性が仮定されることはあまりないが、シミュレーションではよく置かれる仮定である。

m を消費者の所得とすると、消費者の効用最大化問題は次のように定式化される。

$$\begin{aligned} \max_{\{d_1, d_2\}} & u(d_1, d_2) \\ \text{s. t.} & p_1 d_1 + p_2 d_2 \leq m \end{aligned}$$

この効用最大化問題に対する Lagrange 関数は次式で与えられる。

$$\mathcal{L} = u(d_1, d_2) - \lambda[p_1 d_1 + p_2 d_2 - m]$$

効用最大化条件は以下で与えられる。

$$\begin{aligned} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial d_i} = 0 & : \frac{\partial u(d_1, d_2)}{\partial d_i} = \lambda p_i \quad i = 1, 2 \\ \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \lambda} = 0 & : p_1 d_1 + p_2 d_2 = m \end{aligned}$$

この3本の条件より、非補償需要関数(マーシャルの需要関数) $d_i^M(p_1, p_2, m)$ が導出される。

消費者の所得は一定量を所有する生産要素からの要素所得である。資本の賦存量、労働の賦存量をそれぞれ k 、 l で表すとすると、消費者の所得 m は次式で与えられる。

$$m = rk + wl$$

2.3. 市場均衡

ここまで生産者、消費者の行動を定式化した。そこから導かれる供給、需要をもとに市場均衡を求める。市場としては、財市場と生産要素市場がある。

財 i の供給量は q_i 、財 i への需要量は d_i^M で与えられた。よって、財市場の均衡は次式となる。

$$q_i = d_i^M(p_1, p_2, m) \quad i = 1, 2$$

資本・労働は消費者によって k 、 l だけ供給され、生産者によって k_i 、 l_i だけ需要される。よって、要素市場の均衡条件は次式となる。

$$k = \sum_i k_i \quad l = \sum_i l_i$$

2.4. 均衡条件

以上で導出した均衡条件をまとめる。

$$q_i = f_i(k_i, l_i) \quad \{q_i\}_{i=1,2} \quad (2)$$

$$p_i \frac{\partial f_i(k_i, l_i)}{\partial k_i} = r \quad \{k_i\}_{i=1,2} \quad (3)$$

$$p_i \frac{\partial f_i(k_i, l_i)}{\partial l_i} = w \quad \{l_i\}_{i=1,2} \quad (4)$$

$$m = rk + wl \quad \{m\} \quad (5)$$

$$k = \sum_i k_i \quad \{r\} \quad (6)$$

$$l = \sum_i l_i \quad \{w\} \quad (7)$$

$$q_i = d_i^M(p_1, p_2, m) \quad \{p_i\}_{i=1,2} \quad (8)$$

(2) は供給量、(3)–(4) は利潤最大化条件、(5) は所得の定義式、(6)–(7) は要素市場の均衡条件、(8) は財市場の均衡条件である。{} 内の変数は、各条件がどの変数に対応するかを表している。これらの 11 本の均衡条件によって、生産量 $\{q_i\}_i$ 、要素投入量 $\{k_i\}_i$ 、 $\{l_i\}_i$ 、所得 m 、要素価格 r 、 w 、財価格 $\{p_i\}_i$ の 11 個の変数が決定されることになる。ただし、ワルラス法則より市場均衡条件のうち一本は **redundant** であるので、実際に解く際には一つの財・要素をニューメラルとし、それに対応する市場均衡条件を一本除いてやればよい³。

3. 双対アプローチ

前節のモデルを双対アプローチによって記述する。

3.1. 生産サイド

双対性より、利潤最大化を図る生産者は費用最小化を図る⁴。よって、費用関数を定義することができるが、生産関数(1)式は一次同次と仮定されていたので、生産量一単位あたりの単位費用関数 $c_i(r, w)$ を定義することができる⁵。

³ ワルラス法則とは、全ての市場の超過需要額の和はゼロとなる性質である。ワルラス法則が成り立つような状況では、 n 個の市場のうち $n-1$ 個で均衡が成立していれば、残りの一つの市場でも必ず均衡が成立することになる。本稿のモデルでもワルラス法則が成り立つので、市場均衡条件のうち一本は余分

(**redundant**) となる。ワルラスの法則 (Walras' law) については、例えば奥野・鈴木 (1988, p. 17)、Mas-Colell, Whinston and Green (1995, p. 582) を参照。

⁴ 生産サイドにおける双対性 (費用関数、条件付き要素需要関数、Shephard's lemma) については、奥野・鈴木 (1985)、Mas-Colell et al. (1995, Chap. 5) を参照。

⁵ 生産関数が一次同次であるとき、費用関数が単位費用と生産量に分離できることは以下のように示せる。

$$c_i(r, w) \equiv \min_{\{k, l\}} [rk + wl \mid f_i(k, l) = 1]$$

この単位費用関数を使うと部門*i*の利潤を次式で表現できる。

$$\pi_i = [p_i - c_i(r, w)]q_i$$

これより、利潤最大化条件は次式となる⁶

$$\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = 0 : p_i = c_i(r, w)$$

さらに Shephardの補題より、単位費用関数の要素価格に関する編導関数が単位要素需要関数（1単位を生産するのに必要な投入量）に等しくなる。よって、単位要素需要関数が次式で与えられる。

$$a_i^K = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial r} \quad a_i^L = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial w}$$

3.2. 需要サイド

伝統的アプローチでは消費者が効用最大化行動をとるという仮定に基づいて需要サイドを扱ったが、双対性より効用最大化行動をとる消費者は支出最小化を図っていることになるので、消費の行動は支出関数でも表現できる⁷。効用関数を一次同次と仮定したので、支出関数に関しても単位支出関数を定義できる⁸。

$$c^U(p_1, p_2) \equiv \min_{\{d_1, d_2\}} [p_1 d_1 + p_2 d_2 \mid u(d_1, d_2) = 1]$$

定義から明らかなように、 $c^U(p_1, p_2)$ は一単位の効用を得るのに必要な最小支出を表す関数、つまり単位支出関数である。

再びShephardの補題より、この単位支出関数から単位補償需要（効用一単位を得るのに必要な消費量）を導出できる。

$$a_i^C = \frac{\partial c^U(p_1, p_2)}{\partial p_i}$$

まず、 $\tilde{c}(w, r, q)$ で通常の費用関数、つまり w と r を所与としたとき生産量 q を実現するのに必要な最小費用を表すとする。 $\tilde{c}(w, r, q)$ は数式では次式のように定義される。

$$\tilde{c}(w, r, q) \equiv \min [rk + wl \mid f(k, l) = q]$$

これを f の一次同次性をもとに書き換えていく。

$$\begin{aligned} \tilde{c}(w, r, q) &\equiv \min [rk + wl \mid f(k, l) = q] \\ &= \min [rk + wl \mid f(k/q, l/q) = 1] \\ &= \min [r\tilde{k}q + w\tilde{l}q \mid f(\tilde{k}, \tilde{l}) = 1] \\ &= q \min [r\tilde{k} + w\tilde{l} \mid f(\tilde{k}, \tilde{l}) = 1] \\ &= q\tilde{c}(w, r, 1) \end{aligned}$$

$\tilde{c}(w, r, 1)$ は単位費用を表す。これが本文内の $c(r, w)$ である。

⁶ 注1と同様に、ここでも生産量が不決定となる問題がある。

⁷ 生産サイドにおける双対性（支出関数、補償需要関数）については、奥野・鈴木（1985）、Mas-Colell et al. (1995, Chap. 3) を参照。

⁸ これは生産関数が一次同次の場合に単位費用関数を定義できるのと同じ理由による。

総補償需要（ヒックスの需要関数）は、単位補償需要に効用をかけあわせた

$$a_i^c u$$

で与えられる。

双対性より、消費者が効用最大化を図っているならば、同時に最小化された支出が所得に等しくなっていなければならない⁹。よって、以下の関係が成立する。

$$c^U(p_1, p_2)u = m$$

3.3. 市場均衡

再び市場均衡条件を導出しよう。伝統的アプローチと同様に供給量は q_i で表されるが、需要量は非補償需要関数ではなく、補償需要関数で表される。よって、財市場の均衡条件は次式となる。

$$q_i = a_i^c u$$

要素に対する需要も単位需要関数によって表される。

$$k = \sum_i a_i^K q_i \quad l = \sum_i a_i^L q_i$$

3.4. 均衡条件

双対アプローチによる均衡条件をまとめよう。

$$c_i(r, w) = p_i \quad \{q_i\}_{i=1,2} \quad (9)$$

$$a_i^K = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial r} \quad \{a_i^K\}_{i=1,2} \quad (10)$$

$$a_i^L = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial w} \quad \{a_i^L\}_{i=1,2} \quad (11)$$

$$c^U(p_1, p_2)u = m \quad \{u\} \quad (12)$$

$$a_i^c = \frac{\partial c^U(p_1, p_2)}{\partial p_i} \quad \{a_i^c\}_{i=1,2} \quad (13)$$

$$m = rk + wl \quad \{m\} \quad (14)$$

$$q_i = a_i^c u \quad \{p_i\}_{i=1,2} \quad (15)$$

$$k = \sum_i a_i^K q_i \quad \{r\} \quad (16)$$

⁹ 例えば、奥野・鈴木（1985, p. 193）、Mas-Colell et al. (1995, p. 60) を参照。

$$l = \sum_i a_i^l q_i \quad \{w\} \quad (17)$$

まず、(9) が利潤最大化条件、(10)-(11) は単位要素需要、(12) は効用最大化条件、(13) は単位補償需要、(14) は所得の定義式、(15) は財市場の均衡条件、(16)-(17) は要素市場の均衡条件である。この14本の条件から、生産量 q_i 、単位要素需要 a_i^K 、 a_i^l 、効用水準 u 、単位補償需要 a_i^C 、所得水準 m 、財価格 p_i 、要素価格 r 、 w の14個の変数が決まる。

貿易理論における一般均衡分析では、この双対アプローチが使われることが多い。貿易理論における双対アプローチについては、例えば、Dixit and Norman (1980), Wong (1995), 小田 (1997) 等を参照してほしい¹⁰。

3.5. 双対アプローチの特徴

(2)-(8) までの伝統的なアプローチによる均衡条件と (9)-(17) までの双対アプローチによる均衡条件を比較して欲しい。二つのアプローチの最も大きな違いは、伝統的なアプローチでは生産サイドと需要サイドの記述の形式が異なっているのに対し、双対アプローチでは両者を同じような形式で記述できるという点である。

伝統的なアプローチでは、生産サイドは生産関数、「限界生産物価値＝要素価格」という利潤最大化条件、需要サイドは非補償需要関数によって表現されている。このため生産サイドと需要サイドで記述の形式が異なる。これに対し、双対アプローチでは生産サイドと需要サイドがほぼ同じ形式で記述されている。生産サイドと需要サイドがどう対応しているかは表 1 を見てほしい。つまり、

表1：双対アプローチにおける生産サイドと需要サイドの対応

条件	生産サイド	需要サイド
利潤最大化・効用最大化	$c_i(r, w) = p_i$	$c^U(p_1, p_2) = m/u$
単位要素需要	$a_i^K = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial r}$	$a_i^C = \frac{\partial c^U(p_1, p_2)}{\partial p_i}$
	$a_i^l = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial w}$	

単位費用関数と単位支出関数、条件付き要素需要関数と補償需要関数というように生産サイドと需要サイドがきれいに対応しているのである。

この形式上の対称性はシミュレーションをおこなう際に大きなメリットとなる。第一に、関数の導出の手間を軽減できる。シミュレーションをおこなうには、生産関数・効用関数の関数型を具体的に特定化した上で、そこから様々な関数を導出する必要がある。ここで仮に生産関数と効用関数が同じ関数型（例えば、CES型）であったとしても、伝統的なアプローチでは、生産サイドは限界生産物、需要サイドは非補償需要という全く形式の異なったものを求める必要がある。一方、双対アプローチでは、生産サイドの単位費用関数と需要サイドの単位支出関数、生産サイドの条件付き需要と需要サイドの補償需要が全く同じ形式であるの

¹⁰ ただし、貿易理論では生産サイドを表現するのに費用関数ではなく、収入関数（GDP 関数）と呼ばれるものを利用していることが多い。

で、どちらかがわかればもう片方を計算する必要はなくなる。よって、関数の導出という手間を省くことができるのである。

第二に、同じ形式で記述することで、プログラムが読みやすくなる。例でとりあげたような単純なモデルではプログラムはたいして複雑にはならないが、実際のCGE分析では何段階も重なったCES関数を生産関数や効用関数に用いることが多い。そのようなケースで伝統的なアプローチを利用すると、ただでさえ複雑な関数形であるのに加え、生産サイド、消費サイドが全く異なった記述になるため、一層プログラムが読みにくくなる。一方、双対アプローチを利用すれば、式の数が増加するという意味での複雑さの増加はあるが、形式という面では共通化されていることから、プログラムの読みやすさは損なわれにくい。

さらに、MPSGE (Mathematical Programming System for General Equilibrium) との親和性が高いという利点もある。MPSGEとは数値計算ソフトウェアGAMS (General Algebraic Modeling System) のソルバーの一つである。非常に単純な記法によって一般均衡モデルを表現する機能を持っていることから、多くの研究者に利用されている¹¹。このMPSGEは内部においてモデルを双対アプローチによって記述しているため、双対アプローチに習熟しているとMPSGEのモデルを理解しやすくなる。

3.6. 別の表現

ここまで、双対アプローチを利用することで、消費サイドを生産サイドと同じような形式で記述できることを見た。さらに、以下のような修正を加えることで両者の類似性をより高めることができる。

通常、消費は生産とは別に扱われるが、財を消費して効用を得るという活動は形式上は「財を投入することで効用という財を生産する活動」として一種の生産活動のように捉えることができる。そこで、「効用の価格」にあたる変数 p^U 、及び効用を生産する部門（効用生産部門）を形式的に導入することで、上記のモデルを次のように書き換えることができる。

効用生産部門の利潤最大化条件（効用生産の単位費用＝効用の価格）

$$c^U(p_1, p_2) = p^U \quad \{u\}$$

効用生産部門の単位投入需要

$$a_i^c = \frac{\partial c^U(p_1, p_2)}{\partial p_i} \quad \{a_i^c\}_{i=1,2}$$

効用（という財）の市場均衡（供給＝需要）

$$u = \frac{m}{p^U} \quad \{p^U\}$$

この式の右辺は所得を効用の価格で割った値であり、これは効用に対する需要を意味している。

以上の条件を利用すると、結局均衡条件は以下のようになる。

$$\begin{aligned} \text{利潤最大化条件} \quad c_i(r, w) &= p_i \quad \{q_i\}_{i=1,2} \\ c^U(p_1, p_2) &= p^U \quad \{u\} \end{aligned} \tag{18}$$

¹¹ <http://www.mpsge.org/>ではMPSGEによる様々なCGEモデルのコードが配布されている。また、有名などころでは、MITのEPPAモデルはMPSGEを利用して記述されている。

単位需要関数	$a_i^K = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial r}$	$\{a_i^K\}_{i=1,2}$	(19)
	$a_i^L = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial w}$	$\{a_i^L\}_{i=1,2}$	
	$a_i^C = \frac{\partial c^U(p_1, p_2)}{\partial p_i}$	$\{a_i^C\}_{i=1,2}$	
市場均衡条件	$q_i = a_i^C u$	$\{p_i\}_{i=1,2}$	(20)
	$k = \sum_i a_i^K q_i$	$\{r\}$	
	$l = \sum_i a_i^L q_i$	$\{w\}$	
	$u = \frac{m}{p^U}$	$\{p^U\}$	(21)
所得の定義式	$m = rk + wl$	$\{m\}$	(22)

以上のように書き換えることで、消費側も生産側と全く同じように表現することができる。また、双対アプローチでは、基本的には上のように均衡条件式は「利潤最大化条件」、「需要関数」、「市場均衡条件」、「所得の定義式」の4つのタイプから構成される¹²。モデルが大型になったとしても、単に各タイプの中の式の本数が増加するだけで、構成自体は変わらない。

4. 数値例

ここでは例として生産関数、効用関数を特定化し、均衡条件を記述する。生産関数、効用関数はそれぞれ以下のように Cobb-Douglas 型と仮定する。

$$f_i(k_i, l_i) = \phi_i (k_i)^{\alpha_i} (l_i)^{1-\alpha_i}$$

$$u(d_1, d_2) = \psi (d_1)^{\beta_1} (d_2)^{\beta_2} \quad \text{where } \beta_1 + \beta_2 = 1$$

4.1. 伝統的アプローチ

限界生産物：

$$\frac{\partial f_i(k_i, l_i)}{\partial k_i} = \phi_i \alpha_i \left[\frac{l_i}{k_i} \right]^{1-\alpha_i}$$

$$\frac{\partial f_i(k_i, l_i)}{\partial l_i} = \phi_i (1 - \alpha_i) \left[\frac{k_i}{l_i} \right]^{\alpha_i}$$

非補償需要関数：

¹²多くの完全競争タイプの CGE モデルに当てはまるが、モデルの種類によっては4つのタイプでは表現できない場合もある。

$$d_i^M = \frac{\beta_i m}{p_i}$$

均衡条件 (まとめ)

生産関数

$$q_i = \phi_i (k_i)^{\alpha_i} (l_i)^{1-\alpha_i}$$

利潤最大化条件

$$p_i \phi_i \alpha_i \left[\frac{l_i}{k_i} \right]^{1-\alpha_i} = r$$

$$p_i \phi_i (1 - \alpha_i) \left[\frac{k_i}{l_i} \right]^{\alpha_i} = w$$

所得の定義式

$$m = rk + wl$$

市場均衡条件

$$k = \sum_i k_i$$

$$l = \sum_i l_i$$

$$q_i = \frac{\beta_i m}{p_i}$$

4.2. 双対アプローチ

単位費用関数 :

$$c_i(r, w) = \frac{1}{\phi_i} \left[\frac{r}{\alpha_i} \right]^{\alpha_i} \left[\frac{w}{1 - \alpha_i} \right]^{1-\alpha_i}$$

単位要素需要関数 :

$$a_i^K = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial r} = \frac{\alpha_i}{r} \frac{1}{\phi_i} \left[\frac{r}{\alpha_i} \right]^{\alpha_i} \left[\frac{w}{1 - \alpha_i} \right]^{1-\alpha_i} = \frac{\alpha_i c_i(r, w)}{r}$$

$$a_i^L = \frac{\partial c_i(r, w)}{\partial w} = \frac{(1 - \alpha_i)}{w} \frac{1}{\phi_i} \left[\frac{r}{\alpha_i} \right]^{\alpha_i} \left[\frac{w}{1 - \alpha_i} \right]^{1-\alpha_i} = \frac{(1 - \alpha_i) c_i(r, w)}{w}$$

単位支出関数 :

$$c^U(p_1, p_2) = \frac{1}{\psi} \left[\frac{p_1}{\beta_1} \right]^{\beta_1} \left[\frac{p_2}{\beta_2} \right]^{\beta_2}$$

単位補償需要関数 :

$$a_i^C = \frac{\partial c^U(p_1, p_2)}{\partial p_i} = \frac{\beta_i}{p_i} \frac{1}{\psi} \left[\frac{p_1}{\beta_1} \right]^{\beta_1} \left[\frac{p_2}{\beta_2} \right]^{\beta_2} = \frac{\beta_i c^U(p_1, p_2)}{p_i}$$

均衡条件 (まとめ)

利潤最大化条件

$$c_i = \frac{1}{\phi_i} \left[\frac{r}{\alpha_i} \right]^{\alpha_i} \left[\frac{w}{1 - \alpha_i} \right]^{1 - \alpha_i}$$

$$c_i = p_i$$

$$c^U = \frac{1}{\psi} \left[\frac{p_1}{\beta_1} \right]^{\beta_1} \left[\frac{p_2}{\beta_2} \right]^{\beta_2}$$

$$c^U = p^U$$

需要関数

$$a_i^K = \frac{\alpha_i c_i}{r}$$

$$a_i^L = \frac{(1 - \alpha_i) c_i}{w}$$

$$a_i^C = \frac{\beta_i c^U}{p_i}$$

市場均衡条件

$$q_i = a_i^C u$$

$$k = \sum_i a_i^K q_i$$

$$l = \sum_i a_i^L q_i$$

$$u = m/p^U$$

所得の定義式

$$m = rk + wl$$

参考文献

Dixit, Avinash K. and Victor Norman (1980) Theory of International Trade: A Dual General Equilibrium Approach, Cambridge: Cambridge University Press.

Mas-Colell, Andreu, Michael D. Whinston, and Jerry R. Green (1995) Microeconomic Theory, New York: Oxford University Press.

Wong, Kar-riu (1995) International Trade in Goods and Factor Mobility, Cambridge, MA: MIT Press.

奥野正寛・鈴木興太郎 (1985) 『ミクロ経済学 I』, 岩波書店. モダン・エコノミクス 1.

奥野正寛・鈴木興太郎 (1988) 『ミクロ経済学 II』, 岩波書店. モダン・エコノミクス 2.

小田正雄 (1997) 『現代国際経済学』, 有斐閣.